**20.04.2020**

**Контрольная работа**

**Тема:***«Тригонометрия»*

**Инструкция по выполнению работы для учащихся**

На выполнение проверочной работы отводится 40 минут. Работа состоит из трёх частей и содержит 10 заданий.

**Часть 1** содержит 5 заданий (А1-А5). К каждому заданию А1-А3 приведены 4 варианта ответов, из которых только один верный. При выполнении этих заданий нужно указать номер верного ответа. Для заданий А4 и А5 ответом является последовательность цифр, которые нужно записать в поле ответа в тексте работы. На выполнение части 1 отводится ориентировочно 10 минут. Каждое верно выполненное задание оценивается 1 тестовым баллом.

**Часть 2** содержит 3 более сложных задания (В1 - В3). К этим заданиям необходимо дать краткий ответ. На выполнение части 2 отводится ориентировочно 10 минут. Каждое верно выполненное задание оценивается 2 тестовыми баллами.

**Часть 3** содержит 2 самых сложных задания (С1, С2). К этим заданиям необходимо записать полное обоснованное решение и ответ. На выполнение части 3 отводится ориентировочно 20 минут. Каждое верно выполненное задание оценивается 3 тестовыми баллами.

Ответы к первой и второй части записываются в верхней части специального бланка. Решение и ответы заданий третьей части оформляются на том же бланке ниже.

Рекомендую выполнять задания в том порядке, в котором они даны в работе. Если какое-то задание у вас вызывает затруднение, то пропустите его и постарайтесь выполнить те, в которых вы уверены. К пропущенному заданию можно вернуться, если у вас останется время.

**Желаю успеха!**

**Вариант выбираем согласно подгруппам (1 вариант – группа Лепетухиной С.П.; 2 вариант – группа Поляковой В.В.)**

**ВАРИАНТ №1**

**А 1**. Какое из выражений не имеет смысла?

 1) 2) 3), 4) .

**А 2.** Вычислите:

1) 2) , 3) , 4)

**А 3.** Решите уравнение: sin 2x=0.

1) 2)

3) 4)

**А 4.** Установите соответствие между элементами левого и правого столбиков.

|  |  |
| --- | --- |
| А) ; | 1)  |
| Б) 2; | 2) ; |
| В) ; | 3) 1; |
| Г) . | 4)  |

В таблице под каждой буквой, соответствующей левому столбику, впишите цифру, соответствующую правому столбику.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  Ответ: | А | Б | В | Г |
|  |  |  |  |

**А 5.** Установите соответствие между элементами левого и правого столбиков.

|  |  |
| --- | --- |
| А) ; | 1)  |
| Б)  | 2); |
| В) ; | 3) ; |
| Г) . | 4)  |

В таблице под каждой буквой, соответствующей левому столбику, впишите цифру, соответствующую правому столбику.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  Ответ: | А | Б | В | Г |
|  |  |  |  |

**B1.** Найдите значение выражения *7sin2 x – 2cos2 x*, если *sin x = -*  .

**В 2.** Найдите , если

**В 3.** Найдите значение выражения .

**C1.** Решите уравнение

**C2**. a) Решите уравнение

 б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку

**ВАРИАНТ №2**

**А 1**. Какое из выражений не имеет смысла?

 1) 2) 3), 4) .

**А 2.** Вычислите:

1) 2) , 3) , 4)

**А 3.** Решите уравнение: cos 3x= - 1.

1) 2)

3) 4)

**А 4.** Установите соответствие между элементами левого и правого столбиков.

|  |  |
| --- | --- |
| А) ; | 1)  |
| Б) ; | 2) ; |
| В) ; | 3) ; |
| Г) . | 4) 1. |

В таблице под каждой буквой, соответствующей левому столбику, впишите цифру, соответствующую правому столбику.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  Ответ: | А | Б | В | Г |
|  |  |  |  |

**А 5.** Установите соответствие между элементами левого и правого столбиков.

|  |  |
| --- | --- |
| А) ; | 1)  |
| Б)  | 2); |
| В) ; | 3) ; |
| Г) . | 4)  |

В таблице под каждой буквой, соответствующей левому столбику, впишите цифру, соответствующую правому столбику.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  Ответ: | А | Б | В | Г |
|  |  |  |  |

**B1.** Найдите значение выражения 9cos*2 x – 7sin2 x*, если *cos x = -*  .

**В 2.** Найдите , если

**В 3.** Найдите значение выражения .

**C1.** Решите уравнение

**C2**. a) Решите уравнение

 б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку

**Бланк ответов**

|  |  |
| --- | --- |
| **Фамилия и имя студента** |  |
| **Вариант** |  | **Дата выполнения** |  | **Группа** |  |
| **Ответы к 1 и 2 части** |
| **А1** | **А2** | **А3** | **А4** | **А5** | **В1** | **В2** | **В3** |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
| **Решение и ответы 3 части.** |
|  |
|  |
|  |
| **Ваш результат***(заполняется учителем)* |
| **Тестовый балл** |  | **Оценка** |  |

**23.04.2020**

**Тема:** Функции и их графики.

Выполнить конспект

**План занятия:**

1. Понятие функции

2. Понятие графика функции

3. Основные свойства функций.

**Вопрос 1.** Понятие функции

Функция - зависимость переменной **у** от переменной **x**, если каждому значению **х** соответствует единственное значение **у**. Переменную **х** называют независимой переменной или аргументом. Переменную **у** называют зависимой переменной. Все значения независимой переменной (переменной **x**) образуют область определения функции. Все значения, которые принимает зависимая переменная (переменная **y**), образуют область значений функции.

**Вопрос 2.** Понятие графика функции

**Графиком функции** называют множество всех точек координатной плоскости, абсциссы которых равны значениям аргумента, а ординаты - соответствующим значениям функции, тоесть по оси абсцисс откладываются значения переменной **x**, а по оси ординат откладываются значения переменной **y**.

**Вопрос 3.** Основные свойства функций.

**1) Область определения функции и область значений функции**.

Область определения функции - это множество всех допустимых действительных значений аргумента **x** (переменной **x**), при которых функция **y = f(x)** определена. Область значений функции - это множество всех действительных значений **y**, которые принимает функция.

В элементарной математике изучаются функции только на множестве действительных чисел.

**2) Нули функции**.

Нуль функции – такое значение аргумента, при котором значение функции равно нулю.

**3) Промежутки знакопостоянства функции**.

Промежутки знакопостоянства функции – такие множества значений аргумента, на которых значения функции только положительны или только отрицательны.

**4) Монотонность функции**.

Возрастающая функция (в некотором промежутке) - функция, у которой большему значению аргумента из этого промежутка соответствует большее значение функции.

Убывающая функция (в некотором промежутке) - функция, у которой большему значению аргумента из этого промежутка соответствует меньшее значение функции.

**5) Четность (нечетность) функции**.

Четная функция - функция, у которой область определения симметрична относительно начала координат и для любого **х** из области определения выполняется равенство **f(-x) = f(x)**. График четной функции симметричен относительно оси ординат.

Нечетная функция - функция, у которой область определения симметрична относительно начала координат и для любого **х** из области определения справедливо равенство **f(-x) = - f(x**). График нечетной функции симметричен относительно начала координат.

**6) Ограниченная и неограниченная функции**.

Функция называется ограниченной, если существует такое положительное число M, что |f(x)| ≤ M для всех значений x . Если такого числа не существует, то функция - неограниченная.

**7) Периодичность функции**.

Функция f(x) - периодическая, если существует такое отличное от нуля число T, что для любого x из области определения функции имеет место: f(x+T) = f(x). Такое наименьшее число называется периодом функции. Все тригонометрические функции являются периодическими.

*Вопросы для самоконтроля*

1. Дать определение функции.
2. Дать определение графика функции.
3. Перечислить свойства функции

**24.04.2020, 25.04.2020**

**Урок на тему: "Построение графиков функций. Алгоритм построения и примеры"**

Что же такое график функции?

**График функции** – это множество точек, абсциссы которых являются значениями из области определения, а ординаты - значениями функции y= f(x). График любой функций строят по точкам. Но если мы точно не знаем, какой будет вид у графика, то точки надо выбирать обдуманно. Ребята, какие важные точки есть у функций?

Давайте, вспомним их:

а) **Стационарные и критические точки**. Такие точки мы научились находить при вычислении экстремумов функций. Это точки, в которой производная либо равна нулю, либо не существует.
б) **Точки экстремума**. Точки максимума и минимума функций. Точки, возле которых определяется характер монотонности.
в) **Точки пересечения графика с осью абсцисс и осью ординат**. Значения, в которых функция y= f(x)= 0 – точки пересечения с осью абсцисс. А если вычислить f(0) – то эта точка пересечения с осью ординат.
г) **Точки разрыва функций**. Эти точки ищутся для не непрерывных функций.

Правило построения графиков функций

**Ребята, давайте запишем основные правила построения графиков функций:**

* Если функция y= f(x) непрерывна на всей числовой прямой, то надо найти стационарные и критические точки, точки экстремума, промежутки монотонности, точки пересечения графика с осями координат и при необходимости выбрать еще несколько контрольных точек, в которых следует подсчитать значение нашей функции.
* Если функция y= f(x) определена не на всей числовой прямой, то начинать следует с нахождения области определения функции, с указания точек ее разрыва.
* Полезно исследовать функцию на чётность, поскольку графики четной или нечетной функций обладают симметрией (соответственно относительно оси y или относительно начала координат), и, следовательно, можно сначала построить только ветвь графика при x ≥ 0, а затем дорисовать симметричную ветвь.
* Еслито прямая y= b является горизонтальной асимптотой нашего графика функции. Асимптота - это некоторой ориентир для нашей функции. Это то, к чему стремится график функции в точке, но не достигает этого значения.
* Если f(x)=p(x)q(x)p(x)q(x); и при x= a знаменатель обращается в нуль, а числитель отличен от нуля, то x= a - это вертикальная асимптота.

**Несколько правил, упрощающих построение графиков функций:**

а) График функции y= f(x) + a получается из графика функции y= f(x) (график y= f(x) заранее известен), путем параллельного переноса графика y= f(x) на а единиц вверх, если а > 0; и на а единиц вниз, если а < 0.

Для примера построим три графика: а) y= x2, б) y= x2 + 2, в) y= x2 - 3.

Графики наших функций получается из графика функции y=x2, путем его параллельного переноса: б) на две единицы вверх, в) на три единицы вниз.

Графики наших функций:



б) График функции y= f(x + a) получается из графика функции y= f(x) (график y= f(x) заранее известен). Используем параллельный перенос графика y= f(x) на а единиц влево, если а > 0, и на а единиц вправо, если а < 0.

Для примера построим три графика: а) y= (x - 2)2, б) y= (x + 1)2.

Графики наших функций получается из графика функции y= x2, путем его параллельного переноса: б) на две единицы вправо, в) на одну единицу влево.

Графики наших функций:



в) Для построения графика функции y= f(-x), следует построить график функции y= f(x) и отразить его относительно оси ординат. Полученный график является графиком функции y= f(-x).

Для примера построим два графика: a) y= x3, б) y= (-x)3.

Графики нашей функций получается из графика функции y=x3, путем отражения относительно оси ординат.



г) Для построения графика функции y= -f(x) следует построить график функции y=f(x) и отразить его относительно оси абсцисс.

Для примера построим два графика: a) y= cos(x), б) y=-cos(x). Графики нашей функций получается из графика функции y= cos(x), путем отражения относительно оси абсцисс.



Ребята, теперь давайте построим графики функций, вид которых заранее не известен. Будем использовать правила, которые мы определили в начале.

Примеры на построение

I. Построить график функции: y= 2x2 + 4x - 5.

Решение:
1) Область определения: D(y)= (-∞; +∞).
2) Найдем стационарные точки:
y'= 4x + 4,
4x + 4 = 0,
x= -1.
3) Определим вид стационарной точки и характер монотонности:



Точка x= -1 – точка минимума. Найдем значение функции в точке x= -1
y(-1)= 2(-1)2 + 4(-1) - 5= -7.
Итак, наша функция убывает на промежутке =(-∞;-1), x= -1 – точка минимума, функция возрастает на промежутке (-1; +∞).

Вычислим значения функции в паре точек:



Построим график функции:



II. Построить график функции: y= 5x3 - 3x5.

Решение:
1) Область определения: D(y)= (-∞;+∞).
2) Найдем стационарные точки:
y'= 15x2 - 15x4,
y'= 15x2(1 - x2)= 15x2(1 - x)(1 + x),
15x2(1 - x)(1 + x)= 0,
x= 0; ±1.
3) Определим вид стационарной точки и характер монотонности:



Точка x= -1 – точка минимума.
Точка x= 0 – точка перегиба, функция в этой точки так же возрастает, но вогнутость меняется в другую сторону.
Точка x= 1 – точка максимума.

Найдем значение функции в точке x= -1: y(-1)= 5(-1)3 - 3(-1)5= -2.
Найдем значение функции в точке x= 0: y(0)= 5(0)3 - 3(0)5= 0.
Найдем значение функции в точке x= 1: y(1)= 5(1)3 - 3 (1)5= 2

5) Исследуем функцию на четность: y(-x)= 5(-x3) - 3(-x5)= -5x3 + 35= -y(x)
По определению функция нечетная, и график симметричен относительно начало координат.

Итак, функция нечетная.
Наша функция убывает на промежутке равном (-∞;-1).
x= -1 – точка минимума. Функция возрастает на (-1;1).
x= 0 – точка перегиба.
x= 1 – точка максимума. Функция возрастает на (1;+∞).

Вычислим значения функции в паре точек:



Построим график функции:



III. Построить график функции: y=x2+4x2−4x2+4x2−4.

Решение:
1) Область определения: D(y)= (-∞;-2)U(-2;2)U(2;+∞).

2) Исследуем функцию на четность: y(-x)= (−x)2+4(−x)2−4=x2+4x2−4(−x)2+4(−x)2−4=x2+4x2−4= y(x)

По определению функция четная. Значит, график функции симметричен относительно оси ординат, можно сначала построить график функции для x ≥ 0. 3) Прямая x= 2 – вертикальная асимптота, т.к. знаменатель нашей функции в этой точке обращается в нуль.

Найдем горизонтальную асимптоту:



Прямая y= 1 – горизонтальная асимптота.

4) Найдем стационарные и критические точки:Критических точек у нашей функции нет, т.к. производная определена всюду на области определения нашей функции.
5) Определим вид стационарной точки и характер монотонности:Точка x= 0 – точка максимума.

Итак, наша функция четная. Она возрастает на промежутке равном (-∞;0), x= 0 – точка максимума. Функция убывает на (0;+∞).
Прямая x= 2 – вертикальная асимптота. Прямая y= 1 – горизонтальная асимптота.

Вычислим значения функции в паре точек:



Т.к. функция четная построим сначала график для x ≥ 0.



Используя свойство четных функций, отразим график функции относительно оси ординат.



Задачи на построение графиков функций для самостоятельного решения

1) Построить график функции: y=(−x)2+4x−7.
2) Построить график функции: y=x3−3x+2.
3) Построить график функции: y=(2x+1)(x2+2).